# ИНТЕРАКТИВНЫЙ РЕНДЕРИНГ НА GPU: ВЫЧИСЛЕНИЕ ФУНКЦИИ ВИДИМОСТИ

#### С.С. Свистунов

Тульский госуниверситет

Тени в компьютерной графике придают реалистичность. Для получения мягких теней необходимо вычислять значения функции видимости, что является затратной операцией. Предлагаются способы расчета функции видимости при помощи GPU с использованием OpenGL и буферов глубины, а также основанные на технологии NVIDIA CUDA.

#### Введение

Изучается задача интерактивного рендеринга трехмерной сцены, состоящей из модели и удаленного окружающего освещения *L*. Рассматривается случай первичного освещения, определяемого уравнением освещенности Kajiya [1]

$$B_p(v) = \int_{S^2} L(x) V_p(x) \rho_p(x, v) d\mu(x).$$
(1)

Здесь  $B_p(v)$  – яркость отраженного освещения из точки модели p в направлении  $v \in S^2$ ;  $V_p(x)$  – функция видимости;  $\rho_p(x,v)$  – BRDF с учтенным ламбертовским множителем  $(n_p x)_+$ , где  $n_p$  – нормаль к поверхности модели в точке p.

Одной из самых затратных операций является вычисление значений функции видимости  $V_p(x)$ . Это бинарная функция, равная нулю, если луч, выпущенный из точки pв направлении x, пересекает модель, и единице – иначе. Для непрозрачной модели  $V_p(x)=0$ , если  $n_p x < 0$ .

Учет функции видимости в уравнении (1) дает затенения модели, что приводит к большей реалистичности изображения. Легко посчитать аналитическое выражение функции видимости для шара. Все остальные случаи сложны, поэтому требуются качественные аппроксимации функции видимости. В работе [2] предлагается способ быстрого приближенного вычисления функции видимости в случае, когда модель покрывается шариками. Однако он имеет свои недостатки, в частности, непросто получать подобные покрытия (особенно в интерактивном режиме). Поэтому несомненный интерес представляет быстрый подсчет значений функции видимости для дискретных направлений прямо для полигональной модели (или, возможно, ее низкополигональной аппроксимации).

#### 1. Расчет функции видимости

Основной вклад в затенение модели в точке p дает нулевой сферический коэффициент Фурье функции видимости, тесно связанный с моделью затенения Ambient Occlusion (AO) [3].

В методе АО (также как в интегральной теореме о среднем значении) полагается  $B_p(v) \approx A_p \int_{S^2} L(x) \rho_p(x, v) d\mu(x),$  (2) где константа  $A_p$  также называется АО в точке p. Отметим, что приближенное вычисление интеграла в формуле (2) уже заметно проще и есть разные способы его аппроксимации, в частности, метод PRT [4]. Нами разработан более общий, быстрый и удобный метод сферических дизайнов SDPRT [5, 6].

Есть несколько способов определения АО. В диффузном случае для ламбертовской поверхности, когда  $\rho(x,v) = (n_p x)_+$ , константа  $A_p$  выбирается из условия точности формулы (2) для константного освещения. В этом случае

$$A_p = 4 \int_{S^2} V_p(x) (n_p x)_+ d\mu(x).$$

Таким образом, задача нахождения АО сводится к приближенному вычислению интеграла по сфере (на самом деле полусфере из-за множителя  $(n_p x)_+$ ) от негладкой численно определяемой функции. Подобные интегралы вычисляются при помощи кубатурных формул Монте-Карло или, что предпочтительнее, сферических дизайнов [5, 6]. В обоих случаях приближенно имеем

$$A_{p} = \frac{4}{N} \sum_{k=1}^{N} \lambda_{k} V_{p} \left( x_{k} \right) \left( n_{p} x_{k} \right)_{+}, \qquad (3)$$

где  $\lambda_k$ ,  $x_k$  – соответственно веса и узлы выбранной кубатурной формулы. Для метода Монте-Карло при использовании стандартных генераторов случайных чисел на сфере обычно используется значение  $N = 10^4 - 10^5$ . Метод дизайнов при схожей точности позволяет использовать кубатуры с  $N = 10^2 - 10^3$ , что является их несомненным пре-имуществом.

В итоге приходим к задаче, типичной для рейтрейсинга: в каждой точке модели необходимо найти пересечения пучка лучей с полигонами модели. Прямое решение при помощи метода грубой силы требует  $O(V \cdot N \cdot F)$  итераций, где V – число вершин, F – число полигонов, поскольку для вычисления значения  $V_p(x_k)$  требуется найти пересечение луча  $x_k$  из точки p с моделью, что приводит к необходимости перебора всех полигонов модели. Его выполнение на CPU для моделей с сотнями тысяч вершин и полигонов занимает часы.

Согласно (3) алгоритм расчета сводится к следующим действиям:

1) для каждой вершины *р* выпустить пучок из *N* лучей;

2) для каждого луча  $x_k$  определить пересечение с моделью и, как следствие, вычислить значение функции видимости  $V_p(x_k)$ ;

3) просуммировать результат с учетом весов и ламбертовского множителя  $(n_p x_k)_{i}$ .

Естественно, для ускорения расчетов в первую очередь необходимо воспользоваться ускоряющими структурами, например, ВVH-деревьями или пространственным хешированием. Тогда в лучшем случае получаем цикл из  $O(V \cdot N)$  итераций при условии, что построение вспомогательных структур выполняется за O(F) итераций и они заполняются равномерно.

Однако оказалось, что гораздо большее ускорение можно получить при использовании возможности современных GPU по параллельным вычислениям: технологии NVIDIA CUDA и OpenCL. Некоторые из использованных нами идей приведены в [7].

## 2. Способы ускорения расчетов с использование GPU

Первая идея состоит в том, что вычисления функции видимости в разных точках модели не зависят друг от друга и, значит, их можно распараллелить по вершинам мо-

дели, что для метода грубой силы в лучшем случае приводит к циклу из  $O(N \cdot F)$  итераций. Вторая идея использует то, что современные видеокарты имеют возможность в заданной точке модели быстро получать буфер глубины по всем пространственным направлениям. Третья идея заключается в том, что пространственное хеширование также можно очень быстро выполнять в параллельном режиме.

Кратко приведем особенности реализаций.

## 2.1. Использование буферов глубины

Для ускорения расчетов воспользуемся возможностью GPU сохранять буфер глубины. Представим, что в каждой вершине модели расположено шесть камер, ориентированных по нормали и направленных по соответствующим координатным осям. После этого каждая камера «снимает» (рендерит) буфер глубины. Таким образом получаем кубическую карту глубины в данной точке модели. Важно, что эти операции на GPU выполняются очень быстро.

Теперь для поиска пересечений луча с моделью достаточно определить необходимую сторону карты окружения и с помощью простых матричных преобразований вычислить пиксель, отвечающий лучу. После этого по цвету пикселя в текстуре буфера глубины легко определить, было ли пересечение или нет (если цвет не черный, значит пересечение есть). Это процесс схож с известным методом построения теней от точечных источников света – теневые карты (Shadow mapping) [8].



Рис. 1. Организация расчетов с использованием буфера глубины: расположение камер для получения карты окружения (слева); выбор значений из карты окружения (справа)

Такой подход позволяет избежать вложенного цикла по полигонам при поиске пересечений луча с моделью и заменить его созданием карты глубины, что делается очень быстро с помощью стандартных средств OpenGL/DirectX.

#### 2.2. Использование NVIDIA CUDA

Для выполнения расчетов с использованием технологии NVIDIA CUDA применялись различные способы распараллеливания вычислений: по вершинам модели (ядро с одномерной топологией), по вершинам и лучам (ядро с двумерной топологией), по полигонам и лучам (ядро с двумерной топологией). Наиболее удобным и результативным подходом оказалось распараллеливание по вершинам и лучам.

При реализации возникла проблема ограничения максимального времени выполнения одного запуска ядра (около одной секунды). Для обхода этого ограничения вычисления разбивались на несколько этапов: обработка по несколько лучей, обработка частей модели. Стоит уделять особое внимание работе с различными типами памяти (особенно на бюджетных видеокартах). Самый простой, но наименее эффективный способ реализации – это трансляция алгоритма однопроцессорной версии и использование глобальной памяти видеокарты. Такой подход дает ускорение в расчетах, но простая замена глобальной памяти на текстурную позволяет в разы улучшить производительность.

Предпринимались попытки использования различных типов памяти видеокарты – от глобальной и текстурной до реализации управляемого кэша в разделяемой памяти и побитового хранения результатов вычислений. При использовании разделяемой памяти в ней сохранялась информация о полигонах, что позволило (как и положено) снизить количество чтений из глобальной памяти и ускорить расчет.

Однако наибольшей производительности удалось достичь при использовании разделяемой памяти и битового формата хранения значений функции видимости.

## 3. Результаты

Тестовая сцена состояла примерно из пяти тысяч полигонов и вершин. Для нее вычисление функции видимости (АО) заняло приблизительно 0.8 сек (расчеты велись на бюджетной видеокарте Nvidia GTX 260):

Метод	Время расчета АО
CPU	более 1 часа
Буферы глубины	около 11 сек
NVIDIA CUDA	около 0.8 сек

По ссылке <u>http://goo.gl/AYNk7</u> можно скачать видео, иллюстрирующее процесс визуализации.





Рис. 2. Результат расчета функции видимости: расчет на тестовой сцене (слева); расчет на модели buddha [9] (справа)

## Литература

- 1. Kajiya J.T. The rendering equation, Computer Graphics (Proceedings of SIGGRAPH 1986), 1986, 20 (4), 143–150.
- 2. Zhong Ren, Rui Wang, John Snyder, Kun Zhou, Xinguo Liu, Bo Sun, Peter-Pike Sloan, Hujun Bao, Qunsheng Peng and Baining Guo. Real-time Soft Shadows in Dynamic

Scenes using Spherical Harmonic Exponentiation // ACM Transaction on Graphics. Proceedings of SIGGRAPH . 2006. V. 25, N 3. P. 977–986.

- 3. A real time self ambient occlusion method from Nvidia's GPU Gems 2 book. http://download.nvidia.com/developer/GPU\_Gems\_2/GPU\_Gems2\_ch14.pdf
- 4. Green R. Spherical harmonic lighting: The gritty details // In Game Developers' Conference. 2003.
- 5. Свистунов С.С. Интерактивный рендеринг при помощи сферических дизайнов (SDPRT) для низкочастотного окружающего освещения и BRDF Фонга // Изв. Тул-ГУ. Сер. Естественные науки. 2011. Вып. 1. С. 188–199.
- 6. Горбачев Д.В., Иванов В.И., Странковский С.А. Моделирование освещения в интерактивной графике при помощи сферических дизайнов // Изв. ТулГУ. Сер. Естественные науки. 2007. Т. 1, Вып. 1. С. 17–36.
- 7. Боресков А.В., Харламов А.А. Основы работы с технологией СUDA. М.: ДМК-Пресс, 2010.
- 8. Gary King, Shadow Mapping Algorithms [ftp://download.nvidia.com/developer/ presentations/2004/GPU\_Jackpot/Shadow\_Mapping.pdf].
- 9. The Stanford 3D Scanning Repository [http://graphics.stanford.edu/data/3Dscanrep/].