# Первопринципное компьютерное моделирование водорода в ОЦК-железе с помощью программного пакета WIEN2k

М.С. Ракитин, А.А. Мирзоев

Южно-Уральский государственный университет, Челябинск

### Введение

Численное моделирование физических явлений уже давно стало важной областью исследований. В физике конденсированного состояния особенно точные расчеты электронной структуры кристаллов дают программные пакеты, основанные на теории функционала плотности и методе линеаризованных присоединенных плоских волн. Одним из таких программных пакетов является WIEN2k [1]. Для высокоточного моделирования свойств каких-либо систем необходимо знание оптимальных значений всех параметров, используемых в расчетах. Наиболее значимыми величинами в пакете WIEN2k, как и в ряде других программных реализаций первопринципного моделирования, являются тип обменно-корреляционного потенциала, количество *k*-точек, определяющее разбиение обратного пространства, энергия обрезания плоских волн, которую определяет величина  $K_{max}$ , фигурирующая в произведении  $R_{mt} \times K_{max}$ . От выбора перечисленных величин зависит точность получаемых результатов, скорость сходимости, длительность расчетов. Для сокращения вычислительного времени необходим выбор оптимальных параметров моделирования, которые можно определить лишь калибров-кой программных результатов, ссерий тестовых расчетов.

В связи с тем, что дальнейшие исследования будут проводиться для ОЦК-железа с малыми примесями водорода (~2%), тестовой структурой была выбрана система Fe<sub>54</sub>H. Размер такой системы считается достаточным для моделирования малых примесей водорода [2, 3]. В то же время, современные вычислительные комплексы, как СКИФ-Урал [4], позволяют моделировать такие достаточно большие системы в используемом программном пакете.

Целью данного исследования является определение оптимальных параметров моделирования (количества k-точек, величины  $K_{max}$ ), оценка точности расчетов полной энергии ОЦК-железа с малыми примесями водорода и определение наиболее предпочтительной позиции атома водорода в матрице ОЦК-железа без проведения структурной релаксации.

## Методика моделирования

Компьютерное моделирование производилось на высокопроизводительном вычислительном кластере СКИФ-Урал, оснащенном 166 вычислительными узлами с 2 процессорами Intel Xeon E5472 (4 ядра по 3.0 ГГц) и 8 ГБ оперативной памяти на каждом узле. Коммуникация между узлами осуществлялось с помощью InfiniBand. Программный пакет первопринципного моделирования WIEN2k был скомпилирован при помощи Intel Fortran Compiler 10.1 и mpif90 из пакета MPICH с использованием LAPACK+BLAS библиотек Intel MKL 10.0. Управление расчетами производилось очередью задач PBS Torque.

Для моделирования использовалась ОЦК-решетка железа. Параметр решетки был выбран равным 5,41 а.е., что соответствует экспериментальному значению для чистого ОЦК-железа. В расчетах использовался метод линеаризованных присоединенных плоских волн (ЛППВ), который является полноэлектронным методом теории функционала плотности. Критериями сходимости во всех расчетах были полная энергия и заряд с точностью более 10<sup>-4</sup> Рб и 10<sup>-4</sup> е соответственно.

Ранее проведенные тестовые расчеты в пакете WIEN2k показали, что приближение обобщенного градиента плотности является наиболее предпочтительным, дающим более точные результаты по сравнению с приближением локальной спиновой плотности, поэтому для моделирования был выбран обменно-корреляционный потенциал GGA-PBE96 [5]. Этот же потенциал использовался в недавних работах по исследованию водорода в железе [2, 3].

Из документации к программному пакету WIEN2k [6] известно, что количество kточек уменьшается с увеличением размера моделируемой системы. Что касается произведения  $R_{mt} \times K_{max}$ , оно должно выбираться в пределах от 5 до 10. Для систем, содержащих элементы с короткой связью, такие как водород,  $R_{mt} \times K_{max}$  следует выбирать в пределах от 3 до 5. Таким образом, необходимо произвести вариацию перечисленных величин для определения оптимальных параметров моделирования.

Для анализа масштабируемости задачи на основе выбранных приближений были проведены две серии расчетов полной энергии с учетом спиновой поляризации для чистого железа (1 атом Fe в суперячейке) и для железа с внедренным атомом водорода (54 атома Fe и 1 атом H в суперячейке). Величина  $R_{mt}$  в произведении  $R_{mt} \times K_{max}$  – это наименьший из радиусов MT-сфер элементов, присутствующих в структуре. Этот радиус определялся автоматически в процессе расчета, в первом случае  $R_{mt}$  – это радиус MT-сферы атома железа, во втором – атома водорода. В первом случае варьировалось количество k-точек, которое последовательно принимало значения  $1 \times 1 \times 1$ ,  $2 \times 2 \times 2$ ,  $3 \times 3 \times 3$ ,  $4 \times 4 \times 4$ ,  $5 \times 5 \times 5$ ,  $6 \times 6 \times 6$ ,  $8 \times 8 \times 8$ ,  $10 \times 10 \times 10$ , 2000, 3000, 4000. Остальные параметры при этом оставались фиксированными, произведение  $R_{mt} \times K_{max}$  равнялось 7,0 при  $R_{mt} = R_{mt}$ (Fe) = 2,33 а.е. (величина  $K_{max}$  принимало значения  $1 \times 1 \times 1$ ,  $2 \times 2 \times 2$ ,  $3 \times 6 \times 6 \times 6$ ,  $10 \times 10 \times 10$ . Атом водорода помещался в октаэдрическую позицию. Остальные параметры при этом оставались фиксированными, произведение  $R_{mt} \times K_{max}$  равнялось 7,0 при  $R_{mt} = R_{mt}$ (H) = 0,94 а.е. (что соответствует  $K_{max} = 7,45$ ).

Также было проведено численное моделирование для определения оптимального значения  $K_{max}$  ( $R_{mt} \times K_{max}$ ) для моделирования Fe<sub>54</sub>H. Параметр решетки задавался равным 5,405 а.е., что соответствует значению из работы [2]. Радиус МТ-сферы атома водорода принимался равным 0,7 а.е., что примерно соответствует экспериментально наблюдаемому значению. Для выяснения наиболее предпочтительной позиции в ОЦКрешетке железа атом водорода поочередно помещался в октаэдрическую и тетраэдрическую позиции. Переменной величиной было произведение  $R_{mt} \times K_{max}$ , которое изменялось от 3,0 до 5,0 с шагом 0,5, что соответствовало изменению  $K_{max}$  от 4,29 до 7,14. При этом остальные параметры были фиксированными, количество *k*-точек равнялось 64, радиус МТ-сфер атомов железа был равен 1,75 а.е.

Все расчеты проводились без учета объемных эффектов и минимизации внутренних параметров. Подобному моделированию Fe<sub>54</sub>H с учетом структурной релаксации будет посвящено отдельное исследование.

## Результаты и их обсуждение

На рис. 1 представлены результаты расчетов полной энергии системы чистого Fe в зависимости от количества *k*-точек. Ось абсцисс для удобства представлена в виде логарифмической шкалы. Из графика видно, что в интервале от 1 до 216 *k*-точек наблюдается значительное изменение полной энергии системы. Полная энергия начинает значительно слабее изменяться в интервале, где количество *k*-точек больше или равно 512 (8×8×8). Это изменение имеет порядок величины критерия сходимости, т.е. ~ 10<sup>-4</sup> Рб Таким образом, для моделирования ОЦК-решетки из одного атома Fe достаточно установить 512 *k*-точек для достаточно точного получения полной энергии.



Рисунок 1. Зависимость полной энергии чистого Fe от количества k-точек,  $R_{mt} \times K_{max} = 7,0$ .

Приведем аналогичные результаты расчетов полной энергии  $Fe_{54}H$  (рис. 2). Из графика можно заметить, что сходимость полной энергии наблюдается уже при использовании 27 *k*-точек. Отклонение полной энергии при увеличении количества *k*-точек происходит на величину порядка критерия сходимости. Следовательно, нет необходимости использовать слишком большое количество *k*-точек, что может в значительной степени сократить временные затраты на выполнение вычислений и нагрузку на ресурсы кластера.



 $R_{mt} \times K_{max} = 7,0.$ 

Полученные результаты согласуются с ранее опубликованным исследованием зависимости количества *k*-точек от размера используемой ячейки на основе метода LMTO [7], согласно которому для получения желаемой точности необходимо использовать меньшее количество *k*-точек с ростом размера элементарной ячейки. Эти выводы сделаны независимо от программной реализации первопринципных методов расчета свойств твердых тел, поэтому являются справедливыми и в настоящем исследовании. Результаты исследований, направленных на выяснение оптимального значения  $K_{max}$ , представлены на рис. 3, на котором отражена зависимость полной энергии железа с малыми примесями водорода (Fe<sub>54</sub>H) от величины  $K_{max}$  при фиксированном количестве *k*-точек, равном 64.



Рис. 3. Зависимость полной энергии Fe<sub>54</sub>H от K<sub>max</sub>

Можно заметить, что сходимость наблюдается уже при  $K_{max} = 5,0$ , что соответствует значению  $R_{mt} \times K_{max} = 3,5$ . Отклонение полной энергии при увеличении  $K_{max}$  происходит на величину порядка критерия сходимости. Поэтому для моделирования ОЦКжелеза с внедренным атомом водорода достаточно использовать произведение  $R_{mt} \times K_{max}$ , равное 3,5–4,0. Также из приведенного графика видно, что энергетически наиболее выгодной позицией атома водорода в ОЦК-железе является тетраэдрическая позиция, что соответствует данным из работы [2].

## Выводы

В результате проведенного исследования было выяснено, что для моделирования больших систем, таких как Fe<sub>54</sub>H, с помощью программного пакета WIEN2k достаточно использовать разбиение обратного пространства на 27 *k*-точек. Также было определено оптимальное значение  $K_{max} = 5,0$ , соответствующее произведению  $R_{mt} \times K_{max} = 3,5$ . Использование полученных значений в процессе последующих расчетов позволит существенно сократить вычислительное время и нагрузку на ресурсы кластера, сохраняя при этом требуемую точность вычисляемой полной энергии не хуже 0,1 мРб/атом. Было показано, что увеличение размера исследуемой системы позволяет уменьшать количество *k*-точек. Определена энергетически наиболее выгодная позиция атома водорода в ОЦК-решетке железа – тетраэдрическая пора.

Результаты данной работы могут быть полезными для специалистов, работающих в области численного моделирования металлов и сплавов первопринципными методами на основе теории функционала плотности, и будут широко использоваться в работе научных групп кафедры и университета.

Работа поддержана грантом 2.1.1/1776 целевой программы Минобразования и развития научного потенциала высшей школы.

## Литература

1. Schwarz, K. Electronic structure calculations of solids using the WIEN2k package for material science / K. Schwarz, P. Blaha, G.K.H. Madsen // Computer Physics Communications – 2002. – V. 147. – P. 71–76.

2. Jiang, D. E. Diffusion of interstitial hydrogen into and through bcc Fe from first principles / D.E. Jiang, E.A. Carter // Phys. Rev. B - 2004 - V. 70. – P. 064102.

3. Sanchez, J. Hydrogen in  $\alpha$ -iron: Stress and diffusion / J. Sanchez, J. Fullea, C. Andrade, P. L. de Andres // Phys. Rev. B – 2008. – V.78. – P. 014113.

4. Высокопроизводительный вычислительный кластер СКИФ-Урал (http://supercomputer.susu.ru/computers/ckif\_ural/).

5. Perdew, J. P. Generalized Gradient Approximation Made Simple / J. P. Perdew, K. Burke, M. Ernzerhof // Phys. Rev. Lett. – 1996. – V. 77. – P. 3865.

6. P. Blaha, K. Schwarz, G.K.H. Madsen, D. Kvasnicka, J. Luitz: WIEN2k. An Augmented Plane Wave + Local Orbitals Program for Calculating Crystal Properties. User's Guide, September 22, 2009 (http://www.wien2k.at/reg\_user/textbooks/usersguide.pdf).

7. Мирзоев А.А. Зависимость точности ТВ-LМТО расчета от количества k-точек: влияние параметра смешивания итераций по схеме Бройдена / А.А. Мирзоев, М.М. Ялалов, М.С. Ракитин // Вестник ЮУрГУ. Серия «Математика, физика, химия». – 2005. – Вып. 6. – № 6. – С. 103–105.